

## 2.2.2 Semantik von TL

### Menge der Domänen

Zu jedem Typ gibt es eine Menge von möglichen Denotationen der Ausdrücke dieses Typs. Diese Menge wird Domäne des betreffenden Typs genannt.

Notationen:

- (1)  $D_a$ : die Domäne des Typs  $a$ , d.h. die Menge der möglichen Denotationen von Ausdrücken des Typs  $a$
- (2)  $D_b^{D_a}$ : die Menge der Funktionen von  $D_a$  in  $D_b$ , d.h. die Menge der Funktionen von der Domäne des Typs  $a$  in die Domäne des Typs  $b$

Beachte:  $(D_a^{D_b})^{D_c} \neq D_a^{(D_b^{D_c})}$

Parallel zur Definition der Typen (D2.1) werden die Domänen der erzeugten Typen definiert.

### D2.3 Domänen der Typen von TL

- (1)  $D_e = D$ , d.h. die Diskursdomäne (des jeweiligen Modells  $M$ ).
- (2)  $D_t = \{0,1\}$ .
- (3) Für beliebige Typen  $a$  und  $b$  gilt:  $D_{\langle a,b \rangle} = D_b^{D_a}$ .
- (4) Nichts sonst ist Domäne eines Typs von TL.

Die Domäne des Typs  $e$  ist also die Menge der Individuen (eines Modells  $M$ ); die Domäne des Typs  $t$  ist die Menge der Wahrheitswerte  $\{0,1\}$ ; die Domäne eines beliebigen Typs  $\langle a,b \rangle$  ist die Menge der Funktionen von der Domäne  $D_a$  in die Domäne  $D_b$ .

$$D_b^{D_a}: \boxed{D_a} \longrightarrow \boxed{D_b}$$

Eine mögliche Denotation eines Ausdrucks vom Typ  $\langle a,b \rangle$  ist damit ein Element der Menge der Funktionen  $D_b^{D_a}$ , d.h. eine Funktion von der Menge der möglichen Denotationen von Ausdrücken vom Typ  $a$  in die Menge der möglichen Denotationen von Ausdrücken vom Typ  $b$ .

Beispiele:

$$D_{\langle e,t \rangle} = D_t^{D_e} = \{0,1\}^D$$

$$D_{\langle e,\langle e,t \rangle \rangle} = D_{\langle e,t \rangle}^{D_e} = (D_t^{D_e})^{D_e} = (\{0,1\}^D)^D$$

$$D_{\langle e,\langle e,\langle e,t \rangle \rangle \rangle} = D_{\langle e,\langle e,t \rangle \rangle}^{D_e} = (D_{\langle e,t \rangle}^{D_e})^{D_e} = ((D_t^{D_e})^{D_e})^{D_e} = ((\{0,1\}^D)^D)^D$$

? Um welche Mengen von Funktionen handelt es sich bei den angegebenen Domänen?

## Modell und Variablenbelegung

**D2.4** Ein Modell  $M$  für eine typenlogische Sprache  $L$  ist ein geordnetes Paar  $\langle D, I \rangle$ , wobei  $D$  die Diskursdomäne von  $M$  und  $I$  die Interpretationsfunktion von  $M$  ist, die jeder nicht-logischen Konstanten vom Typ  $a$  eine Denotation aus  $D_a$  von  $M$  zuweist.

**D2.5** Eine Variablenbelegung  $g$  für eine typenlogische Sprache  $L$  ist eine Funktion, die jeder Variablen vom Typ  $a$  eine Denotation aus  $D_a$  von  $M$  zuweist.

## Semantische Regeln

### D2.6 Denotation eines wohlgeformten Ausdrucks von TL bzgl. $M$ und $g$

- (1) Wenn  $\alpha$  eine Konstante vom Typ  $a$  ist, dann  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} = I(\alpha)$ .  
Wenn  $\alpha$  eine Variable vom Typ  $a$  ist, dann  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} = g(\alpha)$ .
- (2) Wenn  $\alpha$  ein wfA vom Typ  $\langle a, b \rangle$  und  $\beta$  ein wfA vom Typ  $a$  ist, dann  $\llbracket \alpha(\beta) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \alpha \rrbracket^{M,g}(\llbracket \beta \rrbracket^{M,g})$ .
- (3) Wenn  $\alpha$  und  $\beta$  wfAe vom Typ  $t$  sind, dann
  - $\llbracket \neg \phi \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g} = 0$ ,
  - $\llbracket \phi \wedge \psi \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g} = \llbracket \psi \rrbracket^{M,g} = 1$ ,
  - $\llbracket \phi \vee \psi \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g} = 1$  oder  $\llbracket \psi \rrbracket^{M,g} = 1$ ,
  - $\llbracket \phi \rightarrow \psi \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g} = 0$  oder  $\llbracket \psi \rrbracket^{M,g} = 1$ ,
  - $\llbracket \phi \leftrightarrow \psi \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g} = \llbracket \psi \rrbracket^{M,g}$ .
- (4) Wenn  $\alpha$  und  $\beta$  wfAe vom Typ  $a$  sind, dann  $\llbracket \alpha = \beta \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} = \llbracket \beta \rrbracket^{M,g}$ .
- (5) Wenn  $\phi$  ein wfA vom Typ  $t$  und  $v$  eine Variable vom Typ  $a$  ist, dann
  - $\llbracket \forall v[\phi] \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw für jedes  $d \in D_a$  gilt:  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g[v \rightarrow d]} = 1$ ,
  - $\llbracket \exists v[\phi] \rrbracket^{M,g} = 1$  gdw für mindestens ein  $d \in D_a$  gilt:  $\llbracket \phi \rrbracket^{M,g[v \rightarrow d]} = 1$ .

## 2.3 Anwendungen von TL

$L$  sei eine typenlogische Sprache, die u.a. die Grundausrücke  $Bart'$ ,  $Lisa'$ ,  $Maria'$  als semantische Repräsentationen der Eigennamen  $Bart$ ,  $Lisa$  bzw.  $Maria$  enthält.

$M$  sei ein passendes Modell mit der Diskursdomäne  $D = \{Bart, Lisa, Maria\}$ , wobei für die  $L$ -Grundausrücke  $Bart'$ ,  $Lisa'$ ,  $Maria'$  die folgenden Denotationen angenommen werden:  $\llbracket Bart' \rrbracket^{M,g} = Bart$ ,  $\llbracket Lisa' \rrbracket^{M,g} = Lisa$ ,  $\llbracket Maria' \rrbracket^{M,g} = Maria$ .

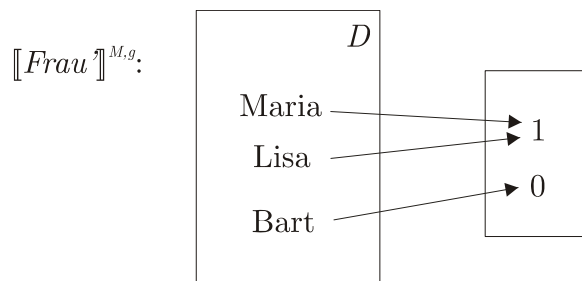
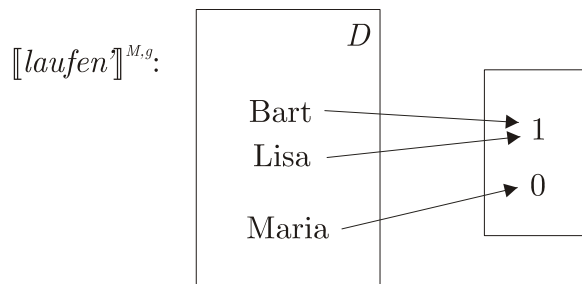
### 2.3.1 Verbale und nominale Prädikate

**Intransitive Verben** wie *laufen* und **absolute Nomen** wie *Frau* sind Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle e, t \rangle$ , d.h. 1-stellige Prädikate der 1. Stufe.

$\langle e, t \rangle : e \rightarrow t$  (d.h.:  $\langle e, t \rangle(e) = t$ )

$$D_{\langle e, t \rangle} = D_t^{D_e} : \quad \boxed{D_e} \longrightarrow \boxed{D_t}$$

Für die  $L$ -Grundausrücke *laufen'* und *Frau'*, d.h. die semantischen Repräsentationen von *laufen* bzw. *Frau* seien in  $M$  die folgenden Denotationen in Funktionsnotation angenommen:



☐ Gib die Denotationen entsprechend in Mengennotation an.

Auf Grund von **D2.6** (2) gilt:

Wenn  $\alpha$  ein wFA vom Typ  $\langle e, t \rangle$  und  $\beta$  ein wFA vom Typ  $e$  ist, dann  $\llbracket \alpha(\beta) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta \rrbracket^{M,g})$ , wobei  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta \rrbracket^{M,g})$  ein wFA vom Typ  $t$ , d.h. eine Formel ist.

[?] Bestimme die folgenden Denotationen:

(i)  $\llbracket \text{laufen}'(\text{Bart}') \rrbracket^{M,g} =$

(ii)  $\llbracket \text{Frau}'(\text{Lisa}') \rrbracket^{M,g} =$

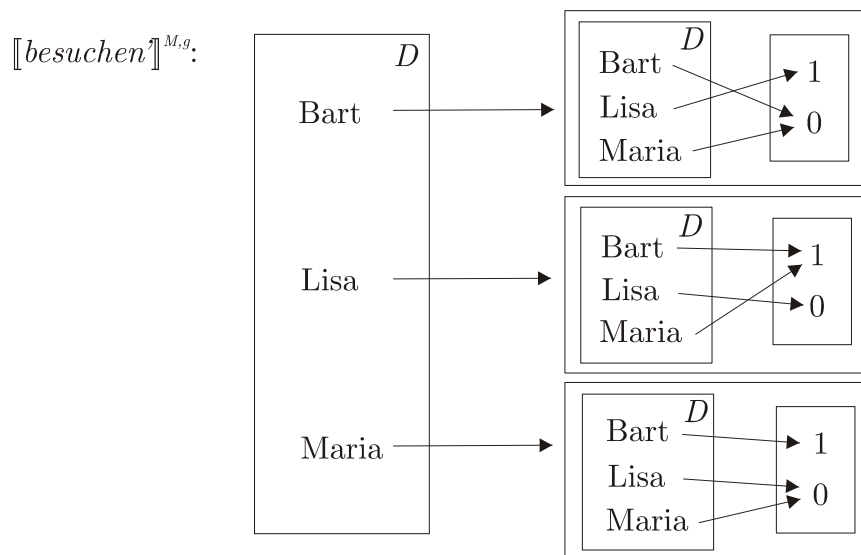
[?] Gib die natürlichsprachlichen Sätze an, deren semantische Repräsentationen die wFAe  $\text{laufen}'(\text{Bart}')$  und  $\text{Frau}'(\text{Lisa}')$  sind.

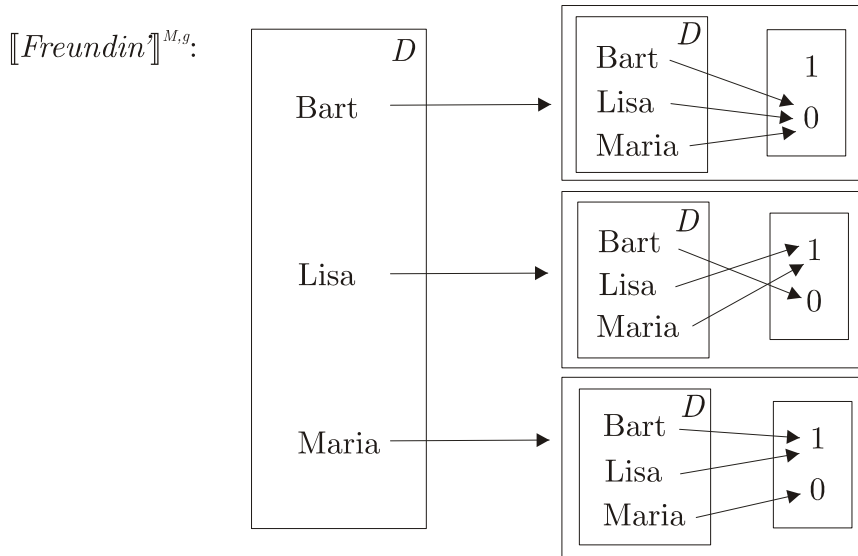
**Transitive Verben** wie *besuchen* und **relationale Nomen** wie *Freundin* sind Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle e, \langle e, t \rangle \rangle$ , d.h. 2-stellige Prädikate der 1. Stufe.

$$\langle e, \langle e, t \rangle \rangle : e \rightarrow (e \rightarrow t)$$

$$D_{\langle e, \langle e, t \rangle \rangle} = (D_t^{D_e})^{D_e} : \quad \boxed{D_e} \longrightarrow \boxed{\boxed{D_e} \longrightarrow \boxed{D_t}}$$

Für die  $L$ -Grundausdrücke *besuchen'* und *Freundin'* seien in  $M$  die folgenden Denotationen angenommen:





☐ Gib die Denotationen entsprechend in Mengennotation an.

Auf Grund von D2.6 (2) gilt:

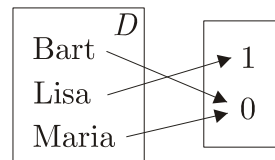
Wenn  $\alpha$  ein wfA vom Typ  $\langle e, \langle e, t \rangle \rangle$  und  $\beta_2$  ein wfA vom Typ  $e$  ist,

dann  $\llbracket \alpha(\beta_2) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \alpha \rrbracket^{M,g}(\llbracket \beta_2 \rrbracket^{M,g})$ ,

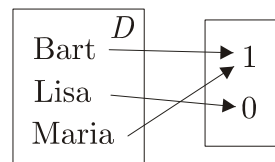
wobei  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g}(\llbracket \beta_2 \rrbracket^{M,g})$  ein wfA vom Typ  $\langle e, t \rangle$  ist.

Damit ergeben sich die folgenden Denotationen für die 1-stelligen Prädikate  $\text{besuchen}'(\text{Bart}')$ ,  $\text{besuchen}'(\text{Lisa}')$  und  $\text{besuchen}'(\text{Maria}')$ :

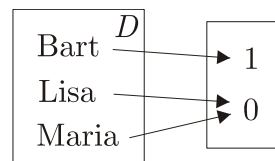
$$\llbracket \text{besuchen}'(\text{Bart}') \rrbracket^{M,g} = \llbracket \text{besuchen}' \rrbracket^{M,g}(\llbracket \text{Bart}' \rrbracket^{M,g}) =$$



$$\llbracket \text{besuchen}'(\text{Lisa}') \rrbracket^{M,g} = \llbracket \text{besuchen}' \rrbracket^{M,g}(\llbracket \text{Lisa}' \rrbracket^{M,g}) =$$



$$\llbracket \text{besuchen}'(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g} = \llbracket \text{besuchen}' \rrbracket^{M,g}(\llbracket \text{Maria}' \rrbracket^{M,g}) =$$



- [?] Welche natürlichsprachlichen Ausdrücke werden durch die wfAe  $\text{besuchen}'(\text{Bart}')$ ,  $\text{besuchen}'(\text{Lisa}')$  und  $\text{besuchen}'(\text{Maria}')$  semantisch repräsentiert?

Auf Grund von **D2.6** (2) gilt außerdem:

Wenn  $\alpha(\beta_2)$  ein wfA vom Typ  $\langle e, t \rangle$  und  $\beta_1$  ein wfA vom Typ  $e$  ist,

dann  $\llbracket \alpha(\beta_2)(\beta_1) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta_2 \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \beta_1 \rrbracket^{M,g})$ ,

wobei  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta_2 \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \beta_1 \rrbracket^{M,g})$  ein wfA vom Typ  $t$  ist.

- [?] Bestimme die folgenden Denotationen:

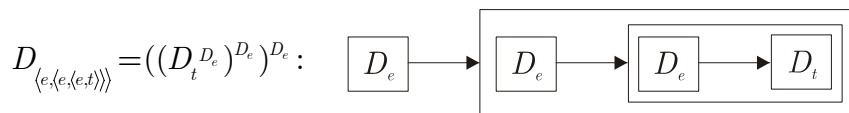
(i)  $\llbracket \text{besuchen}'(\text{Bart}')(\text{Lisa}') \rrbracket^{M,g} = \llbracket \text{besuchen}' \rrbracket^{M,g} (\llbracket \text{Bart}' \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \text{Lisa}' \rrbracket^{M,g}) =$

(ii)  $\llbracket \text{Freundin}'(\text{Lisa}')(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g} =$

- [?] Welcher natürlichsprachliche Satz wird durch den wfA  $\text{Freundin}'(\text{Lisa}')(\text{Maria}')$  semantisch repräsentiert?

**Ditransitive Verben** wie *vorstellen* sind Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle e, \langle e, \langle e, t \rangle \rangle \rangle$ , d.h. 3-stellige Prädikate der 1. Stufe.

$\langle e, \langle e, \langle e, t \rangle \rangle \rangle : e \rightarrow (e \rightarrow (e \rightarrow t))$



Für den  $L$ -Grunda Ausdruck  $\text{vorstellen}'$  sei in  $M$  die Denotation wie auf der nächsten Seite angegeben angenommen.

- [?] Gib die Denotation in Mengennotation an.

Auf Grund dreimaliger Anwendung von **D2.6** (2) gilt:

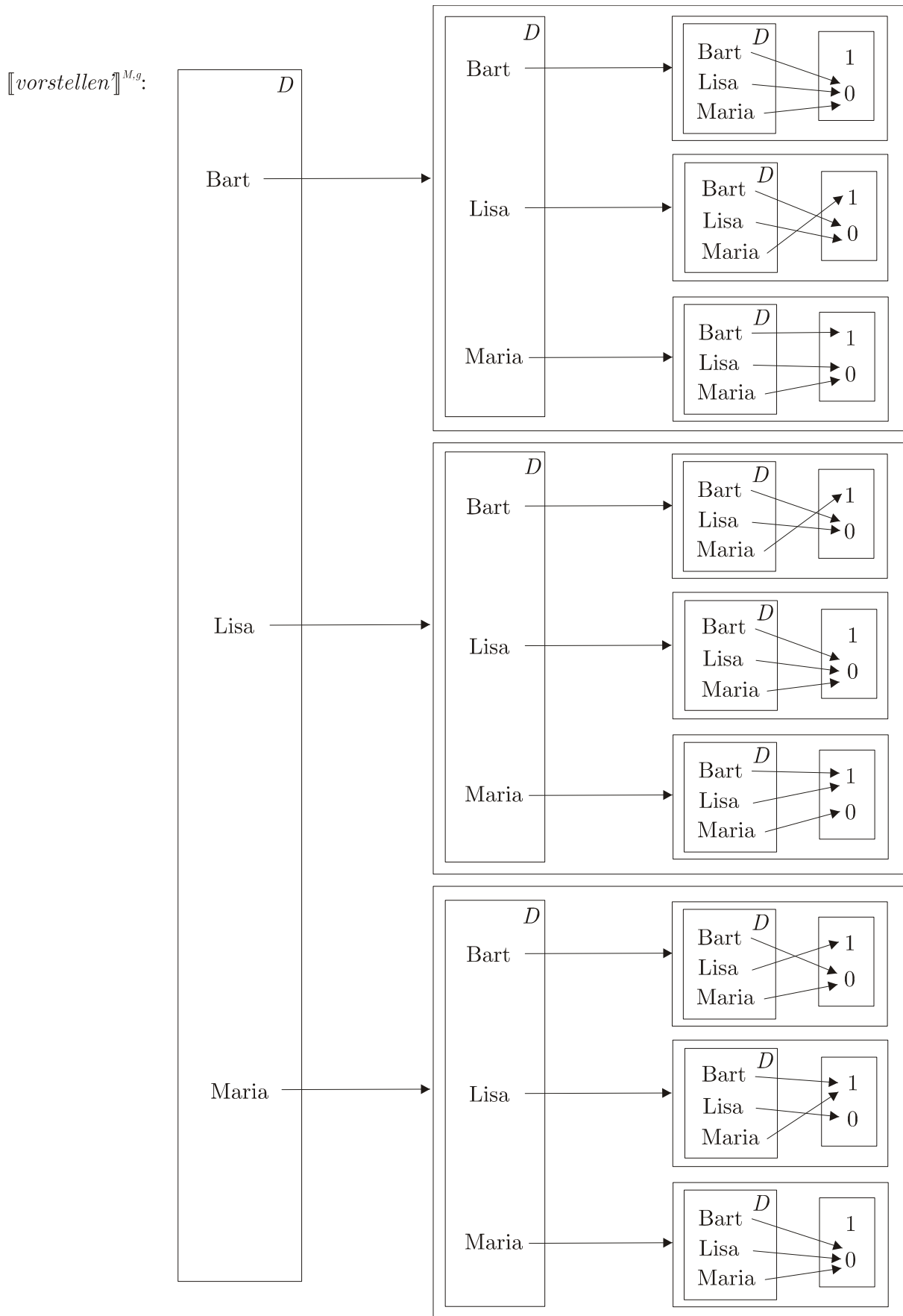
$$\llbracket \alpha(\beta_3)(\beta_2)(\beta_1) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta_3 \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \beta_2 \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \beta_1 \rrbracket^{M,g}).$$

- [?] Bestimme die folgenden Denotationen:

(i)  $\llbracket \text{vorstellen}'(\text{Bart}')(\text{Lisa}')(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g} =$

(ii)  $\llbracket \text{vorstellen}'(\text{Lisa}')(\text{Lisa}')(\text{Bart}') \rrbracket^{M,g} =$

- [?] Wer stellt dabei jeweils wem wen vor?



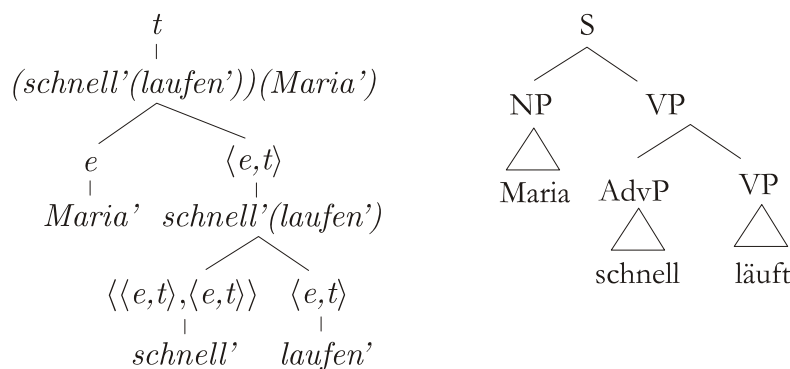
### 2.3.2 Adverbiale Modifikatoren

**Adverbien** wie *schnell* oder *laut* sind Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle\langle e,t\rangle,\langle e,t\rangle\rangle$ , d.h. Modifikatoren von 1-stelligen Prädikaten der 1. Stufe.

$$\langle\langle e,t\rangle,\langle e,t\rangle\rangle : (e \rightarrow t) \rightarrow (e \rightarrow t)$$

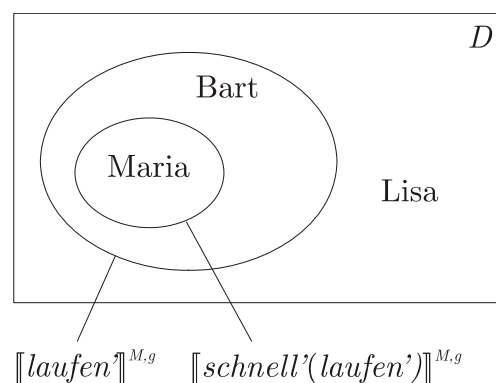
$$D_{\langle\langle e,t\rangle,\langle e,t\rangle\rangle} = D_{\langle e,t\rangle}^{D_{\langle e,t\rangle}} = (D_t^{D_e})^{(D_t^{D_e})} : \boxed{D_e \rightarrow D_t} \rightarrow \boxed{D_e \rightarrow D_t}$$

Beispiel: *Maria läuft schnell.*



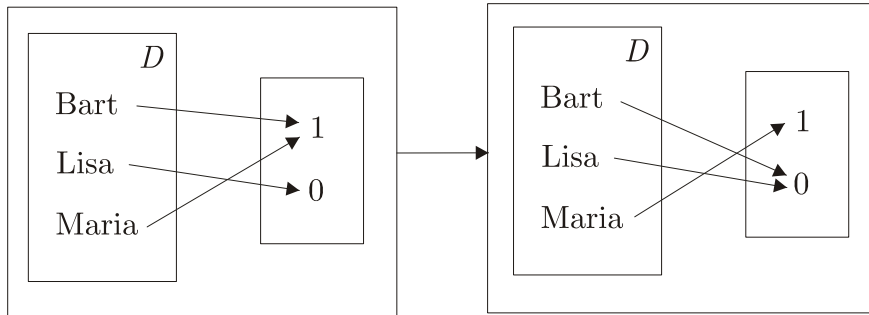
Die Bedeutung des Adverbs *schnell* modifiziert die Bedeutung von *laufen*, indem die Art und Weise des Laufens spezifiziert wird.

Für den *L*-Grundausdruck *schnell'* sei eine Denotation angenommen, die die folgende Denotation von *schnell'(laufen')* in Mengennotation ergibt:



Während also *laufen'* die Menge der laufenden Individuen denotiert, ist die Denotation von *schnell'(laufen')* eine Teilmenge dieser Menge, nämlich die Menge der schnell laufenden Individuen.

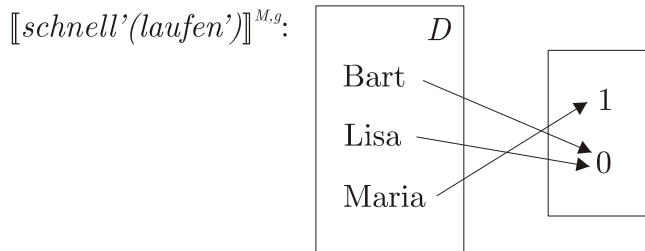
In Funktionsnotation ist  $\llbracket \textit{schnell}' \rrbracket^{M,g}$  eine Funktion, die unter anderem die folgende Zuordnung beinhaltet:



Auf Grund von **D2.6** (2) gilt:

Wenn  $\alpha$  ein wfA vom Typ  $\langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle$  und  $\beta$  ein wfA vom Typ  $\langle e,t \rangle$  ist, dann  $\llbracket \alpha(\beta) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta \rrbracket^{M,g})$ , wobei  $\llbracket \alpha \rrbracket^{M,g} (\llbracket \beta \rrbracket^{M,g})$  ein wfA vom Typ  $\langle e,t \rangle$  ist.

Damit ergibt sich für  $\textit{schnell}'(\textit{laufen}')$  die folgende Denotation:

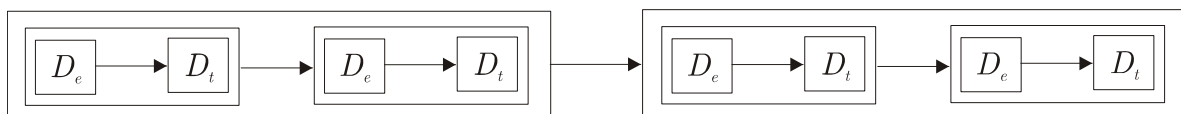


### 2.3.3 Modifikatoren von Prädikatsmodifikatoren

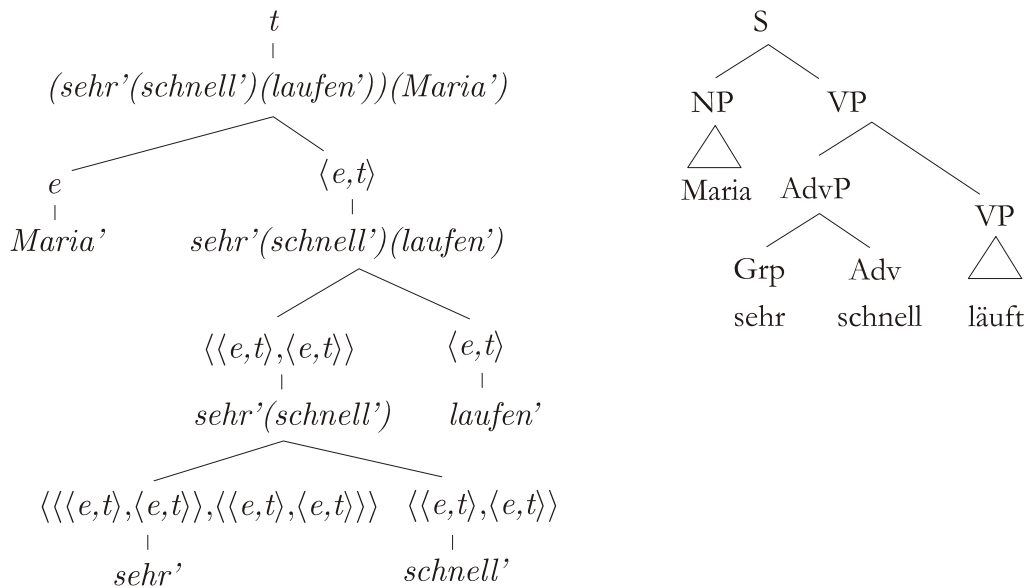
**Gradpartikeln** wie *sehr*, *ziemlich* oder *ungemein* sind Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle\langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle, \langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle\rangle$ , d.h. Modifikatoren von Modifikatoren von 1-stelligen Prädikaten der 1. Stufe.

$$\langle\langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle, \langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle\rangle : ((e \rightarrow t) \rightarrow (e \rightarrow t)) \rightarrow ((e \rightarrow t) \rightarrow (e \rightarrow t))$$

$$D_{\langle\langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle, \langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle\rangle} = D_{\langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle}^{D_{\langle\langle e,t \rangle, \langle e,t \rangle\rangle}} = (D_{\langle e,t \rangle}^{D_{\langle e,t \rangle}})^{(D_{\langle e,t \rangle}^{D_{\langle e,t \rangle}})} = ((D_t^{D_e})^{(D_t^{D_e})})^{((D_t^{D_e})^{(D_t^{D_e})})} :$$

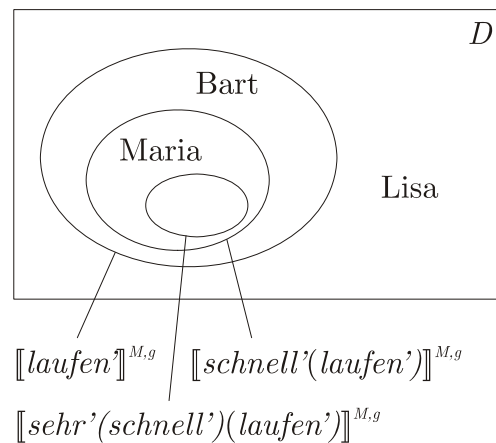


Beispiel: *Maria läuft sehr schnell.*



Die Bedeutung der Gradpartikel *sehr* modifiziert die Bedeutung des Adverbs *schnell*, indem das Ausmaß der Schnelligkeit von Vorgängen spezifiziert wird.

Für den *L*-Grundausdruck *sehr'* sei in *M* eine Denotation angenommen, die die folgende Denotation von *sehr'(schnell')(laufen')* in Mengennotation ergibt:



### 2.3.4 Prädikative und attributive Adjektive

**Adjektive** wie *krank* oder *rot* können sowohl prädikativ (z.B. *Die Frau ist krank*) als auch attributiv (z.B. *krank* Frau) gebraucht werden.

Entsprechend werden sie als Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle e, t \rangle$  oder vom semantischen Typ  $\langle \langle e, t \rangle, \langle e, t \rangle \rangle$ , d.h. als 1-stellige Prädikate der 1. Stufe oder als Modifikatoren von 1-stelligen Prädikaten der 1. Stufe behandelt. Sie verhalten sich damit semantisch wie intransitive Verben oder absolute Nomen bzw. wie Adverbien.

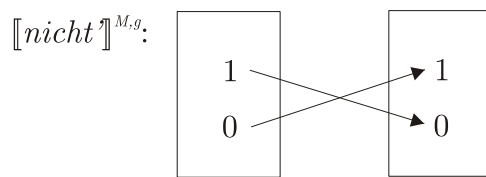
### 2.3.5 Satzoperatoren

Die **Satznegation** *nicht* ist ein Ausdruck vom semantischen Typ  $\langle t, t \rangle$ , d.h. ein 1-stelliger satz-  
bildender Funktor von einem Satzargument.

$$\langle t, t \rangle : t \rightarrow t$$

$$D_{\langle t, t \rangle} = D_t^{D_t} : \boxed{D_t} \longrightarrow \boxed{D_t}$$

Der logische  $L$ -Grundaussdruck *nicht'* hat in jedem Modell  $M$  die folgende Denotation:



Beispiel: *Maria läuft nicht*  
 $\textit{nicht}'(\textit{laufen}'(\textit{Maria}'))$

$\boxed{?}$  Bestimme die Denotation des Satzes unter der Voraussetzung, dass Maria läuft.

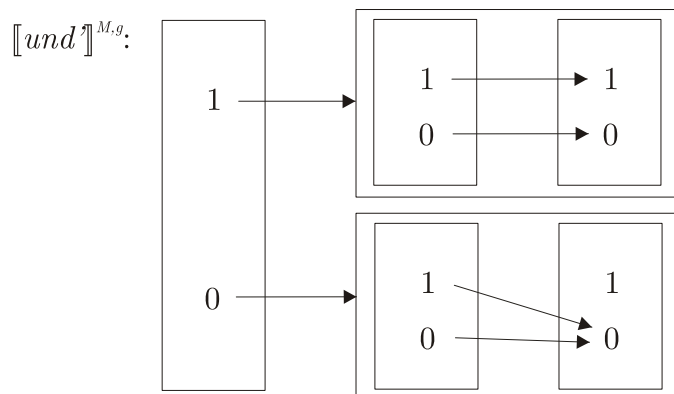
$$\llbracket \textit{nicht}'(\textit{laufen}'(\textit{Maria}')) \rrbracket^{M,g} = \llbracket \textit{nicht}' \rrbracket^{M,g} (\llbracket \textit{laufen}'(\textit{Maria}') \rrbracket^{M,g}) =$$

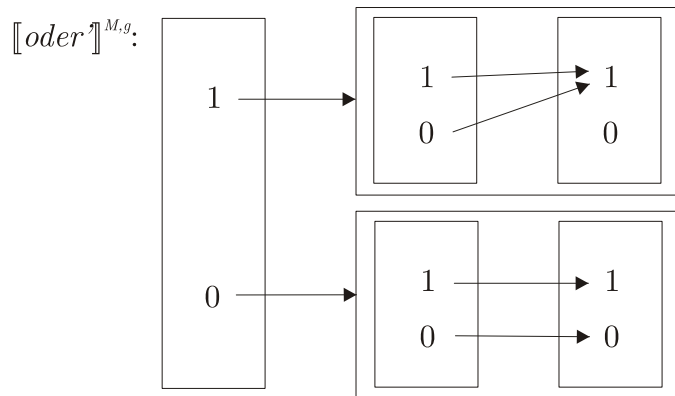
Die **Satzkoordinationen** *und* und *oder* sind Ausdrücke vom semantischen Typ  $\langle t, \langle t, t \rangle \rangle$ ,  
d.h. 2-stellige satzbildende Funktoren von Satzargumenten.

$$\langle t, \langle t, t \rangle \rangle : t \rightarrow (t \rightarrow t)$$

$$D_{\langle t, \langle t, t \rangle \rangle} = (D_t^{D_t})^{D_t} : \boxed{D_t} \longrightarrow \boxed{\boxed{D_t} \longrightarrow \boxed{D_t}}$$

Die logischen  $L$ -Grundaussdrücke *und'* und *oder'* haben in jedem Modell  $M$  die folgenden Denotationen:





- Beispiele:
- (a) *Maria läuft und Hans schläft.*  
 $\text{und}'(\text{laufen}'(\text{Maria}'))(\text{schlafen}'(\text{Hans}'))$
- (b) *Maria läuft oder Hans schläft.*  
 $\text{oder}'(\text{laufen}'(\text{Maria}'))(\text{schlafen}'(\text{Hans}'))$

$\boxed{?}$  Bestimme die Denotationen der Sätze unter der Voraussetzung, dass Maria läuft und Hans nicht schläft.

- (i)  $\llbracket \text{und}'(\text{laufen}'(\text{Maria}'))(\text{schlafen}'(\text{Hans}')) \rrbracket^{M,g} =$   
 $\llbracket \text{und}' \rrbracket^{M,g} (\llbracket \text{laufen}'(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \text{schlafen}'(\text{Hans}') \rrbracket^{M,g}) =$
- (ii)  $\llbracket \text{oder}'(\text{laufen}'(\text{Maria}'))(\text{schlafen}'(\text{Hans}')) \rrbracket^{M,g} =$   
 $\llbracket \text{oder}' \rrbracket^{M,g} (\llbracket \text{laufen}'(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g}) (\llbracket \text{schlafen}'(\text{Hans}') \rrbracket^{M,g}) =$

## Überblick

Typ	Ausdruck	Beispiel	Interpretation
$e$	Individuenterm (z.B. Eigennamen, definite Nominalphrasen)	<i>Leipzig, Hans, die Sonne, die Frau</i>	Entität
$t$	Formel (Sätze)	<i>Maria läuft.</i>	Wahrheitswert
$\langle e, t \rangle$	1-stelliges Prädikat der 1. Stufe (z.B. intransitive Verben, absolute Nomen, prädikative Adjektive)	<i>lachen, Student, grün</i>	Funktion von Entitäten in Wahrheitswerte, d.h. charakteristische Funktion einer Menge von Entitäten

$\langle e, \langle e, t \rangle \rangle$	2-stelliges Prädikat der 1. Stufe (z.B. transitive Verben, relationale Nomen, prädikative komparative Adjektive, Präpositionen)	<i>lieben, Ehefrau, älter, auf</i>	Funktion von Entitäten in charakteristische Funktionen
$\langle e, \langle e, \langle e, t \rangle \rangle \rangle$	3-stelliges Prädikat der 1. Stufe (z.B. ditransitive Verben, Präpositionen)	<i>schenken, zwischen</i>	Funktion von Entitäten in Funktionen von Entitäten in charakteristische Funktionen
$\langle \langle e, t \rangle, \langle e, t \rangle \rangle$	Prädikatsmodifikator (z.B. Adverbien, attributive Adjektive, Wortnegation)	<i>schnell, grün, un-</i>	Funktion von charakteristischen Funktionen in charakteristische Funktionen
$\langle \langle \langle e, t \rangle, \langle e, t \rangle \rangle, \langle \langle e, t \rangle, \langle e, t \rangle \rangle \rangle$	Modifikator von Prädikatsmodifikatoren (z.B. Gradpartikeln)	<i>sehr, extrem</i>	Funktion von Funktionen von charakteristischen Funktionen in charakteristische Funktionen in Funktionen von charakteristischen Funktionen in charakteristische Funktionen
$\langle t, t \rangle$	Satznegation	<i>nicht</i>	Funktion von Wahrheitswerten in Wahrheitswerte
$\langle t, \langle t, t \rangle \rangle$	Satzkoordination	<i>und, oder, wenn... dann, bevor, während</i>	Funktion von Wahrheitswerten in Funktionen von Wahrheitswerten in Wahrheitswerte

## Übungen

Ü2.3 Angenommen, für das Modell  $M$  einer Sprache  $L$  gelte  $D = \{m, h, p\}$ . Außerdem seien für die nicht-logischen Grundausdrücke von  $L$  die folgenden Denotationen festgelegt:

$$\llbracket \text{Maria}' \rrbracket^{M,g} = m$$

$$\llbracket \text{Hans}' \rrbracket^{M,g} = h$$

$$\llbracket \text{Peter}' \rrbracket^{M,g} = p$$

$$\llbracket \text{rennen}' \rrbracket^{M,g} = \{m\}$$

$$\llbracket \text{kriechen}' \rrbracket^{M,g} = \{h, p\}$$

$$\llbracket \text{überholen}' \rrbracket^{M,g} = \{\langle m, h \rangle, \langle m, p \rangle, \langle p, h \rangle\}$$

(i) Geben Sie die Denotationen von  $\text{rennen}'$ ,  $\text{kriechen}'$  und  $\text{überholen}'$  in Funktionsnotation an.

(ii) Bestimmen Sie die folgenden Denotationen:

$$(1) \llbracket \text{kriechen}'(\text{Peter}') \wedge \text{rennen}'(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g}$$

$$(2) \llbracket \neg \text{kriechen}'(\text{Hans}') \vee \neg \text{kriechen}'(\text{Maria}') \rrbracket^{M,g}$$

$$(3) \llbracket \text{überholen}'(\text{Peter}')(\text{Hans}') \rrbracket^{M,g}$$

$$(4) \llbracket \forall x [\text{überholen}'(x')(\text{Maria})] \wedge \exists x [\text{überholen}'(x')(\text{Peter}')] \rrbracket^{M,g}$$

Ü2.4 Welche Funktionen enthält die Domäne  $D_{(e,t)}$  in einem Modell, dessen Diskursdomäne aus den beiden Individuen  $a$  und  $b$  besteht?

Ü2.5 Welchen semantischen Typ haben die unterstrichenen Ausdrücke?

- Maria studiert Linguistik.*
- Sie interessiert sich für Semantik.*
- Der Rektor zeigte dem Studenten die neue Studienordnung.*
- Jeder fleißige Student besteht die Prüfung.*
- Hans ist der Bruder von Maria.*
- Peter ist klug.*
- Anna ist klüger als Peter.*
- Die Dozentin kam pünktlich.*
- Das Licht verlosch, während die Dozentin ihre Vorlesung hielt.*

Ü2.6 Zeigen Sie mit Hilfe von Baumdiagrammen, wie sich der Typ der folgenden Sätze aus den Typen ihrer atomaren Ausdrücke ergibt:

- Jens zeigt Heike Berlin.*
- Tobias schnarcht und Claudia hört ihn.*

Ü2.7 Es seien die folgenden Zuordnungen zu semantischen Typen angenommen:

<i>Homer:</i>	$e$
<i>isst:</i>	$\langle e, \langle e, t \rangle \rangle$
<i>genüsslich:</i>	$\langle \langle e, \langle e, t \rangle \rangle, \langle e, \langle e, t \rangle \rangle \rangle$
<i>den:</i>	$\langle \langle e, t \rangle, e \rangle$
<i>großen:</i>	$\langle \langle e, t \rangle, \langle e, t \rangle \rangle$
<i>Donut:</i>	$\langle e, t \rangle$

Stellen Sie anhand eines Baumdiagramms dar, wie sich der semantische Typ des Satzes *Homer isst genüsslich den großen Donut* aus den Typen seiner atomaren Ausdrücke ergibt.

Ü2.8 Geben Sie die Domänen von (i) prädikativ und (ii) attributiv gebrauchten Adjektiven an.